

Auszug N2 C 'Ich kann zu Zahlen Nachbarzahlen angeben undin Schritten zählen' aus:

Handreichungen für ein Diagnose- und Förderkonzept zur Sicherung mathematischer Basiskompetenzen



# Natürliche Zahlen

Ermöglicht durch

Deutsche Telekom **Stiftung** 



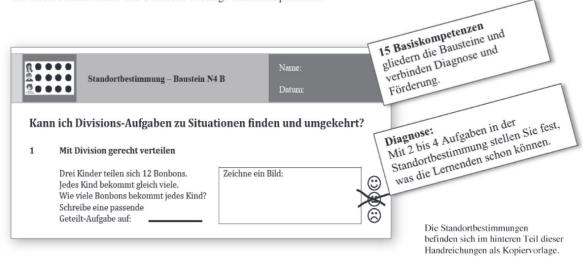


Herausgegeben von Christoph Selter Susanne Prediger Marcus Nührenbörger Stephan Hußmann



### So funktioniert das Diagnose- und Förderkonzept

In den 15 Diagnose- und Förderbausteinen erarbeiten Sie mit Ihren Schülerinnen und Schülern wichtige Basiskompetenzen.





- 1.1 Bonbons gerecht verteilen
  - a) Drei Kinder teilen sich 24 Bonbons.
     Jedes Kind bekommt gleich viele.
     Verteile die Bonbons gerecht.
     Wie viele Bonbons bekommt jedes Kind?

Nimm Plättchen zu Hilfe, wenn du möchtest.



- Vergleicht eure Lösungen zur Aufgabe a).
   Schreibt eine passende Geteilt-Aufgabe auf.
- c) Schreibe die passende Geteilt-Aufgabe auf und rechne sie aus.

Förderung:

Zu jeder Diagnoseaufgabe gibt es eine

Die Fördereinheiten sind in einem eigenen Förderheft abgedruckt und in dieser Handreichung erläutert.







## Mathe sicher können

# Handreichungen für ein Diagnose- und Förderkonzept zur Sicherung mathematischer Basiskompetenzen

### Natürliche Zahlen

### Herausgegeben von

Christoph Selter Susanne Prediger Marcus Nührenbörger Stephan Hußmann

### **Entwickelt und Erprobt von**

Kathrin Akinwunmi Theresa Deutscher Corinna Mosandl Marcus Nührenbörger Christoph Selter

Erarbeitet an der Technischen Universität Dortmund im Rahmen von `Mathe sicher können´, einer Initiative der Deutsche Telekom Stiftung.





Herausgeber: Christoph Selter, Susanne Prediger, Marcus Nührenbörger, Stephan Hußmann

Autorinnen und Autoren: Kathrin Akinwunmi, Theresa Deutscher, Corinna Mosandl, Marcus Nührenbörger, Christoph Selter

Redaktion: Corinna Mosandl, Birte Pöhler, Lara Sprenger

Illustration der Figuren: Andrea Schink

Alle sonstigen Bildrechte für Illustrationen und technische Figuren liegen bei den Herausge-

bern.

Umschlaggestaltung: Corinna Babylon

Unter der folgenden Adresse befinden sich multimediale Zusatzangebote: www.mathe-sicher-koennen.de/Material

Die Links zu externen Webseiten Dritter, die in diesem Lehrwerk angegeben sind, wurden vor Drucklegung sorgfältig auf ihre Aktualität geprüft. Der Verlag übernimmt keine Gewähr für die Aktualität und den Inhalt dieser Seiten oder solcher, die mit ihnen verlinkt sind.

1. Auflage, 1. Druck 2014

© 2014 Cornelsen Schulverlage GmbH, Berlin

Das Werk und seine Teile sind urheberrechtlich geschutzt.

 $\label{thm:continuous} \textit{Jede Nutzung in anderen als den gesetzlich zugelassenen F\"{a}llen bedarf der vorherigen schriftlichen Einwilligung des Verlages.}$ 

Hinweis zu den §§ 46, 52 a UrhG: Weder das Werk noch seine Teile durfen ohne eine solche Einwilligung eingescannt und in ein Netzwerk eingestellt oder sonst öffentlich zugänglich gemacht werden.

Dies gilt auch fur Intranets von Schulen und sonstigen Bildungseinrichtungen.

Druck: DBM Druckhaus Berlin-Mitte GmbH

ISBN 978-3-06-004901-1



# N2 C Nachbarzahlen angeben und in Schritten zählen – Didaktischer Hintergrund

### Lerninhalt

Nachbarzahlen

Zur Grundorientierung innerhalb der Zahlwortreihe gehört u.a. die Einsicht in die räumlichen Beziehungen von Zahlen. Um die Lage einer Ausgangszahl zu beschreiben, hilft es zu wissen, zwischen welchen anderen Zahlen diese Ausgangszahl liegt.

In diesem Baustein werden sowohl die direkten Nachbar-Einer – also der Vorgänger und der Nachfolger – als auch die Nachbar-Zehner und Nachbar-Hunderter thematisiert. Diese werden gefunden, indem man die nächste Zehner- bzw. Hunderterstelle – sowohl vorwärts als auch rückwärts – in der Zahlwortreihe ermittelt, wobei die lineare Vorstellung zum Aufbau der Zahlreihe, die bereits in Baustein N2 A angelegt worden ist, hilfreich sein kann. Ausgehend davon ist es natürlich möglich und auch sinnvoll, mit den Lernenden noch größere Zahlbeziehungen (Nachbar-Tausender oder -Zehntausender) zu thematisieren, damit ihnen deutlich wird, dass sich die gefundenen Strukturen auch auf größere Zahlräume übertragen lassen

Zu beachten ist, dass eine bestimmte Zahl gleichzeitig sowohl Nachbarzahl als auch Nachbar-Zehner und Nachbar-Hunderter sein kann. Das trifft z.B. für die Zahl 100 zu, die einerseits Nachfolger, andererseits aber auch Nachbar-Zehner und Nachbar-Hunderter der Zahl 99 ist. Oftmals sind die Lernenden hier irritiert und "übersehen" die unterschiedlichen Beziehungsmöglichkeiten der Zahlen.

### Zählen in Schritten

Das Zählen in Schritten bedeutet mathematisch eine fortgesetzte Addition bzw. Subtraktion einer gleichbleibenden Schrittgröße zu bzw. von einer festen Startzahl.

So kann ein Zählvorgang ökonomisiert werden, da nicht mehr alle Objekte einzeln, sondern in Gruppierungen gezählt werden können. Dies stellt einen Übergang von zählenden Strategien zum Nutzen von nichtzählenden Strategien dar und unterstützt das Mustererkennen in Zahlreihen. Die Lernenden sollen in diesem Baustein diese Fertigkeit für den Bereich der natürlichen Zahlen festigen, damit sie anschließend über tragfähige und erweiterbare Kenntnisse für den Bereich der Dezimalzahlen verfügen (siehe Baustein D2 A, Box Brüche, Prozente, Dezimalzahlen).

### Veranschaulichung und Material

### Leerer Zahlenstrahl

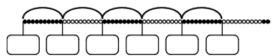
Zur Orientierung innerhalb der Zahlwortreihe wird der aus dem Baustein N2 A bekannte leere Zahlenstrahl genutzt. Mit diesem Anschauungsmittel und den dazugehörigen Zahlenkarten ist es möglich, zu einer vorgegeben Zahl sowohl die Nachbarzahlen, als auch die Nachbar-Zehner darzustellen. Natürlich ist für die Veranschaulichung von Nachbar-Zehnern und -Hundertern eine Darstellung mit dem aus Baustein N2 A bekannten skalierten Tausenderstrahl ebenfalls geeignet, der allerdings nicht über eine Einerskalierung verfügt. Gerade zu Beginn bietet sich deshalb die Arbeit mit dem leeren Zahlenstrahl an, da hier der Zahlenraum – je nach Vorwissen der Lernenden –durch Herstellung eigener Zahlenkarten flexibel vergrößert oder auch verkleinert werden kann.



Darstellung von Nachbar-Einern und Nachbar-Zehnern am leeren Zahlenstrahl

#### Hunderterkette

Die aus Baustein N2 A bekannte Hunderterkette wird in diesem Baustein ebenfalls wiederverwendet. Sie dient der Erarbeitung des Themas in Schritten zählen, da sie aufgrund ihres strukturellen Aufbaus gut geeignet ist, größere Schritte sichtbar zu machen. Sie wird in den Fördermaterialien explizit nur auf der ikonischen Ebene verwendet, es ist jedoch möglich, diese Übungen durch das konkrete Anschauungsmittel aus der Materialbox zu unterstützen.



Erarbeitung von Zahlenfolgen mithilfe der Hunderterkette

### Aufbau der Förderung

Die Erarbeitung der Nachbarzahlen in Fördereinheit 1 (Nachbar-Einer und Nachbar-Zehner) findet zu Beginn im Zahlenraum bis 100 statt und wird durch die Arbeit mit dem leeren Zahlenstrahl gestützt. Anschließend folgen Übungen auf symbolischer Ebene, die in tabellarischer Form angeboten werden. Diese werden durch Zahlenrätsel ergänzt, die den Lernenden helfen sollen, sich vom konkreten Anschauungsmittel lösen zu können und die Beziehung der dort gesuchten Zahlen auch mental nachverfolgen zu können.

Fördereinheit 2 (In Schritten zählen) beginnt mit der Veranschaulichung von Zahlenfolgen an der Hunderterkette, bevor wiederum durch die Darstellung am leeren Zahlenstrahl eine allmähliche Ablösung von dem konkreten Anschauungsmaterial angelegt werden soll.

Fördereinheit 3 (Zahlenreihen) erweitert den Schritt in die Abstraktion durch das Ermitteln von vorgegebenen Zahlenreihen und der Reflexion über mög-

### Handreichungen - Baustein N2 C

Ich kann zu Zahlen Nachbarzahlen angeben und in Schritten zählen

9 047

59

liche Vorgehensweisen beim Lösen solcher Aufgabenformate. Dazu werden die Zahlenfolgen in Streifen dargestellt, deren erste oder letzte Felder mit vorgegebenen Zahlen ausgefüllt sind.

0	500	1000		

Darstellung von Zahlenfolgen in einer Zahlenreihe

Die Lernenden sollen diese ergänzen und so das Zählen in Schritten in der Zahlwortreihe vorwärts und rückwärts weiter üben. Einige Zahlenreihen haben nur lückenhafte Vorgaben, so dass der Aufbau jeweils entweder operativ durch ein systematisches Ausprobieren oder durch die Bestimmung der Differenzen ermittelt werden muss.

### Weiterführende Literatur

- Bartnitzky, H. / Hecker, U. / Lassek, M. (Hrsg.): Individuell fördern Kompetenzen stärken (ab Klasse 3). Frankfurt a. M.: Arbeitskreis Grundschule e.V.
- Fritz, A. / Ricken, G / Schmidt, S. (2009): Handbuch Rechenschwäche. Weinheim: Beltz.
- Häsel-Weide, U. / Nührenbörger, M. / Moser Opitz, E. / Wittich, C. (2013): Ablösung vom zählenden Rechnen. Fördereinheiten für heterogene Lerngruppen. Seelze: Kallmeyer.
- Radatz, H. / Schipper, W. (1983): Handbuch für den Mathematikunterricht an Grundschulen. Hannover: Schroedel.
- Lorenz, J. H. (2003): Lernschwache Rechner f\u00f6rdern. Ursachen der Rechenschw\u00e4che. Fr\u00fchhinweise auf Rechenschw\u00e4che. Berlin: Cornelsen Scriptor.

### Handreichungen - Baustein N2 C

Ich kann zu Zahlen Nachbarzahlen angeben und in Schritten zählen

### N2 C - Durchführung und Auswertung der Standortbestimmung

Dauer:

10 - 15 Minuten

### Hinweise zur Durchführung:

Zu Beginn die Standortbestimmung mit den Schülerinnen und Schülern durchgehen und ggf. Fragen zu den Aufgabenstellungen klären. Kann ich zu Zahlen Nachbarzahlen angeben und in Schritten zählen?

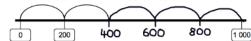
### 1 Nachbar-Einer und Nachbar-Zehner

Zwischen welchen Einern und Zehnern steht die Zahl? Trage ein.

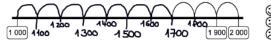
kleinerer Nachbar-Zehner	kleinerer Nachbar-Einer	ZAHL	größerer Nachbar-Einer	größerer Nachbar-Zehner
440	449	450	451	460
500	508	509	540	510
690	698	699	700	700
9900	9999	10 000	40 001	40 pło
48090	18 094	18 095	18 096	18 100

0000

- 2 In Schritten zählen
- a) Zeichne Zweihunderterschritte vorwärts und schreibe die Zahlen bis 1 000 auf.



Zeichne Hunderterschritte rückwärts und schreibe die Zahlen auf.



3 Zahlenreihen

Ergänze die Zahlenreihen.

)	0	1 000	2 000	3000	4000	5 000	6 000	7 000
)	3 305	3405	3 505	3 605	3705	3 805	3 905	4 005

- c) 3 500 4000 4500 5 000 5 500 6 000 6500 7 000
- d) In welchen Schritten wurde hier gezählt?

1 200 | 1 500 | 1 800 | 2 100 | 2 400 | 2 700 | 3 000 | 3 300

Es wurde in 300 er - Schritten gezählt.

000

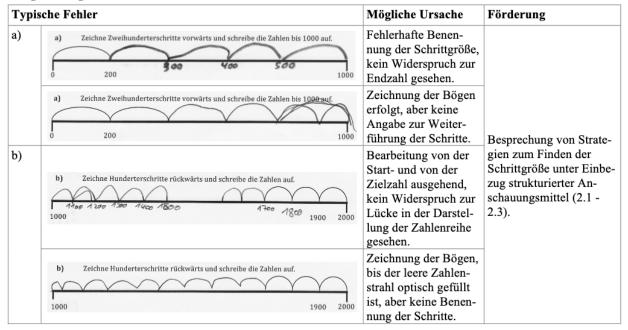
### Hinweise zur Auswertung:

### Diagnoseaufgabe 1: Nachbar-Einer und Nachbar-Zehner

Typische Fehler	Mögliche Ursache	Förderung	
Bei der Bestimmung der kleineren Nach- barzahlen von 10 000: 99 oder 990 einge- tragen.	Fehler beim Entbündeln.		
490 als kleinerer Nachbarzehner von 509.	Zahlen werden einseitig gedeutet, z.B. werden sie bei glatten Hundertern als Nachbar- Hunderter interpretiert.	Thematisierung von Strategien zum Finden von Nachbarzahlen mithilfe der Unterstützung von	
710 als Nachbarzehner von 699.	Zahlen können nicht mit zwei Funktionen gleichzeitig als Nachbar-Einer und Nachbar- Zehner gedeutet werden.	konkretem Anschauungsmaterial. Unterscheidung von Nachbar-Zehnern und -Hundertern (1.1 - 1.2).	
18 105 als Nachbarzehner von 18 095.	Nachbar-Zehner werden durch die Addition bzw. Subtraktion von 10 ermittelt.		

9 0 4 7

### Diagnoseaufgabe 2: In Schritten zählen



### Diagnoseaufgabe 3: Zahlenreihen

Typis	sche Fehler	Mögliche Ursache	Förderung	
c)	3550 7550 7550 750 750 7050 }	Zahlen werden von der Endzahl beginnend in vermuteten Schritten eingetragen.	Thematisierung von Strategien beim Ermit- teln lückenhafter Zah-	
	3550 <b>3600 3650 3750 3750 3800 3900</b> 7050 }	Zahlen werden von der Startzahl beginnend in vermuteten Schritten eingetragen.	lenreihen sowie eigenständiges Erstellen eigener Reihen (3.1 - 3.3).	

### Handreichungen – Baustein N2 C

Ich kann zu Zahlen Nachbarzahlen angeben und in Schritten zählen

#### Nachbar-Einer und Nachbar-Zehner 1

1.1 - 1.2Erarbeiten und Üben (15 - 20 Minuten zzgl. Aufgabengenerator)

Ziel: Einstieg in die Thematik mithilfe einer konkreten Veranschaulichung nachvollziehen

Material: MB: Leerer Zahlenstrahl, Zahlenkarten; Büro- oder Wäscheklammern zum Anheften

Umsetzung: a), b) UG; c) Aufgabengenerator (PA)

Methode: Anknüpfen an Vorwissen (Was sind Nachbar-Einer? Was sind Nachbar-Zehner?): Einige der gemischten Zehnerzahlen aus der Materialbox auswählen, dazu jeweilige Nachbarzahlen auf leere Karten aufschreiben und an entsprechende Stelle links und rechts von der Ausgangszahl heften. Anschließend Zehnerzahlen aus den Zahlenkarten heraussuchen und ebenfalls an die richtige Position heften.

Reflexion: Unsicherheiten zeigen sich meist dann, wenn einer Nachbarzahl verschiedene Funktionen zugeordnet werden, d.h. wenn sie bspw. sowohl Nachbar-Einer als auch Nachbar-Zehner ist.

Zu beachten: Nach einer gemeinsamen Einstiegsphase kann diese Übung von den Lernenden selbstständig weitergemacht werden, wobei sich die Rollen abwechseln.



#### 1.2 Üben (10 - 15 Minuten)

Ziel: Übertragung der Handlung aus 1.1 in die symbolische Darstellung und Erweiterung des Zahlenraums

Material:

Umsetzung: a), b), c) EA; d) Reflexion (UG)

Methode: Die in 1.1 besprochenen Vorgehensweisen sollen in symbolischer Form notiert werden. Dabei sind insbesondere schwierige Stellen bzw. Übergänge zu berücksichtigen.

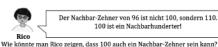
Zu beachten: Sollten sich bei der Vergrößerung des Zahlenraumes Schwierigkeiten zeigen, so ist es sinnvoll, diese Übung mit dem leeren Zahlenstrahl und passenden eigenen Zahlenkarten zu unterstützen.



kleinerer Nachbar-ZAHL Hunderte Zehner Zehner Hundertei 134 40 30 200 400 300 3<u>3</u>0 410 500

710 700 700 720 200 30b 1 000 1010 **930** 1100 9 991 9900 OCRE 10 000 10000

Reflexion: Besprechung einer üblichen Fehlvorstellung.



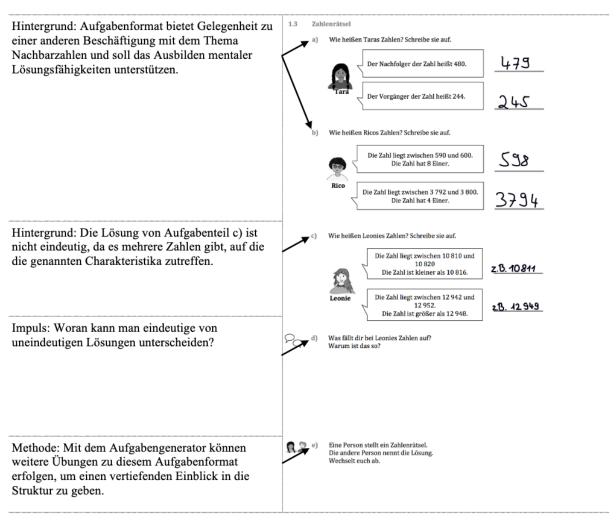
# in Schritten zählen

1.3 Üben (10 - 15 Minuten zzgl. Aufgabengenerator)

Ziel: Bestimmung von Nachbarzahlen auf mentaler Ebene

Material:

Umsetzung: a), b), c) EA; d) UG; e) Aufgabengenerator (PA)



### Handreichungen – Baustein N2 C

Ich kann zu Zahlen Nachbarzahlen angeben und in Schritten zählen

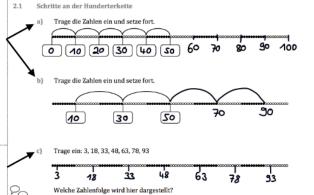
### 2 In Schritten zählen

2.1 Erarbeiten (15 - 20 Minuten)

Ziel: Einstieg in das Thema durch Veranschaulichung an der Hunderterkette

Material: MB: Evtl. Hunderterkette
Umsetzung: a), b) EA; c) EA, dann UG

Methode: Durch die Zehnerstruktur der Hunderterkette kann auch ohne Abzählen ermittelt werden, dass es sich um Zehner- (Aufgabenteil a) bzw. Zwanzigerschritte handeln muss. Aufgabenteil b) hat zusätzlich eine andere Startzahl als 0.



Impuls: Woran kann man die Zahlenfolge erkennen, ohne dass man abzählen muss?

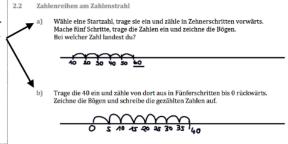
2.2 Üben (10 - 15 Minuten zzgl. Aufgabengenerator)

Ziel: Üben der Darstellung von Zahlenfolgen am leeren Zahlenstrahl

Material:

Umsetzung: a), b) EA; c) UG; d) Aufgabengenerator (PA)

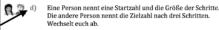
Methode: Durch die Offenheit in der Aufgabenstellung kann der Zahlenraum, mit dem die Aufgabe bearbeitet werden soll, je nach Lernstand gewählt werden.



Zu beachten: Sollte sich diese Aufgabe zunächst als zu abstrakt erweisen, kann mit der Hunderterkette bzw. dem leeren Zahlenstrahl visualisiert werden.

Bei welchen Zahlen kannst du starten, wenn du in Zwanzigerschritten zählen und die Zahl 87 treffen willst? VOCWarts: 7,27,47,67 Fückwarts: 107,127,147,167...

Methode: Aufgabengenerator zur weiteren Festigung mentaler Vorstellungen.



Zahlenreihen finder

### 3 Zahlenreihen

3.1 Erarbeiten (20 - 25 Minuten)

Ziel: Formales Zählen in Schritten

Material: KV: Zahlenreihen (optional)

Umsetzung: a) EA; b) UG; c) EA

Methode: Die Lernenden sollen ermitteln, in welchen Schrittgrößen die Zahlenreihen angegeben sind, dies kann durch die Bestimmung der Differenz erfolgen.

a) Ergänze die Zahlenreihen.

0 500 1 000 1 500 2 000 2 500 3000 3 500

401 501 601 701 801 901 1 001 1 101

1 001 1 011 1021 1031 1041 1051 1061 1071

8337 2337 3007 3017 3027 3037 9 047 9 057

20 40 60 80 100 120 140 160

96 98 100 102 104 106 108 110

Wie gehst du vor, wenn nur die Start und Endzahl angeben ist

Hintergrund: Sind nur Start- und Endzahl angegeben oder finden sich Lücken in den Zahlenreihen, kann das Ermitteln entweder operativ erfolgen (verschiedene Schrittgrößen werden ausprobiert) oder durch Bestimmung der Differenz zwischen Start- und Zielzahl, die dann durch die entsprechende Anzahl an leeren Kästchen dividiert werden muss.

Methode: Hier Eigenproduktionen der Lernenden anregen und gemäß ihrer individuellen Fähigkeiten kleinere, aber auch größere Zahlräume wählen lassen. Zusätzliche Zahlenreihen für die Weiterarbeit finden sich in den Kopiervorlagen im Anhang der Förderbausteine.

c) Überlege dir, in welchen Schritten man noch zählen kann und erfinde eigene

3.2 Üben (3 - 5 Minuten)

Ziel: Ermitteln von Fehlern in Zahlenreihen

Material: -Umsetzung: UG

Hintergrund: Besonders die Beschäftigung mit Fehlern in Zahlenfolgen kann Lernende dazu anregen, Einsichten in den Strukturaufbau zu gewinnen.

Weiterführende Aufgabe: Berichtige die Zahlenfolge.

Impuls: Welche Fehler können beim Fortführen von Zahlenfolgen noch passieren?

3.2 Einen Fehler finder

An welcher Stelle hat sich bei den Zahlenfolgen ein Fehler eingeschlichen? Kreise die Zahl ein und begründe.

 1 250
 2 250
 3 250
 4 250
 5 550
 6 250
 7 250
 8 250

 1 008
 1 016
 1 024
 1 032
 1 040
 1 058
 1 066
 1 074

### Handreichungen - Baustein N2 C

Ich kann zu Zahlen Nachbarzahlen angeben und in Schritten zählen

3.3 Üben (10 - 15 Minuten zzgl. Aufgabengenerator)

Ziel: Weiterführung von Zahlenfolgen mit verschiedenem Aufbau

Material: KV: Zahlenreihen (optional)

Umsetzung: a), b), c) UG; d) Aufgabengenerator (PA)

